

科目名：材料力学 [1/2]

(問題[1], [2]は別々の答案用紙に解答すること。)

- [1] 図1-1に示すように点Aにおいて固定支持された、はりABの点Cに集中外力Pが作用している。以下の問い合わせに答えなさい。ただし、はりの曲げ剛性をEIとする。

- (1) 点Aにおける支持力 $R_A$ および支持モーメント $M_A$ を求めなさい。(図1-1に定義された方向を正として解答すること。)
- (2) AB間に作用するせん断力Fおよび曲げモーメントMを求めなさい。
- (3) AB間のたわみ角θおよびたわみvを、xを用いて表しなさい。

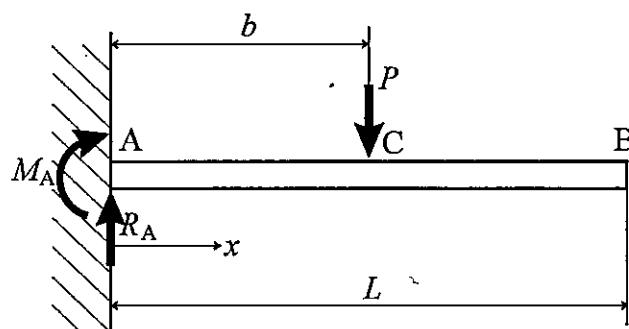


図1-1

次に、図1-2に示すように、図1-1と同じはりAB間に移動支持された点を設ける場合を考える。移動支持の位置を $0 < a < L$ の範囲で移動させるととき、以下の問い合わせに答えなさい。

- (4) 移動支持がAC間にある場合、およびCB間にある場合それぞれについて、移動支持された点Dにおける支持力 $R_D$ をそれぞれ求めなさい。
- (5) 次の(i), (ii)の場合における点Bのたわみ $v_B$ を、bを用いて表しなさい。

(i)  $L=2b, a=\frac{1}{3}b$

(ii)  $L=3b, a=2b$

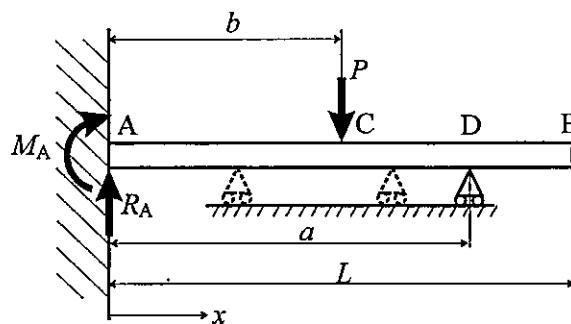


図1-2

科目名：材料力学 [2/2]

(問題 [1], [2] は別々の答案用紙に解答すること。)

[2] 図2に示すように、テーパ軸を内部にはめ込んだ長さ  $L$  の組合せ軸のねじりを考える。テーパ軸と外筒が一体となってねじりモーメント  $T$  を伝えるとき、以下の各間に答えなさい。ただし、テーパ軸の小端部、大端部の直径をそれぞれ  $d_1$  および  $d_2$ 、外筒の外径は  $d_3$  で一定とし、テーパ軸および外筒の横弾性係数をそれぞれ  $G_1$  および  $G_2$  ( $G_1 > G_2$ ) とする。

- (1) テーパ軸と外筒が受け持つトルクをそれぞれ  $T_1$  および  $T_2$  とするとき、ねじりモーメント  $T$  との関係を表しなさい。
- (2) テーパ軸の任意断面の直径を  $d$  とするとき、テーパ軸と外筒それぞれの任意の横断面における断面二次極モーメント  $I_{p1}$  および  $I_{p2}$  を、 $d$  を用いて表しなさい。
- (3) 任意断面におけるテーパ軸および外筒の比ねじれ角  $\phi_1$  および  $\phi_2$  の間の関係を示しなさい。
- (4) 問(1)～(3)の結果を用いて、任意断面における  $T_1$  および  $T_2$ 、さらにテーパ軸と外筒それぞれの外周におけるせん断応力  $\tau_1$  および  $\tau_2$  を求めなさい。
- (5) 外筒のせん断応力  $\tau_2$  の最大値が生じる位置および最大値を求めなさい。
- (6) テーパ軸のせん断応力  $\tau_1$  の最大値が生じる断面位置での直径  $d$  を求めなさい。

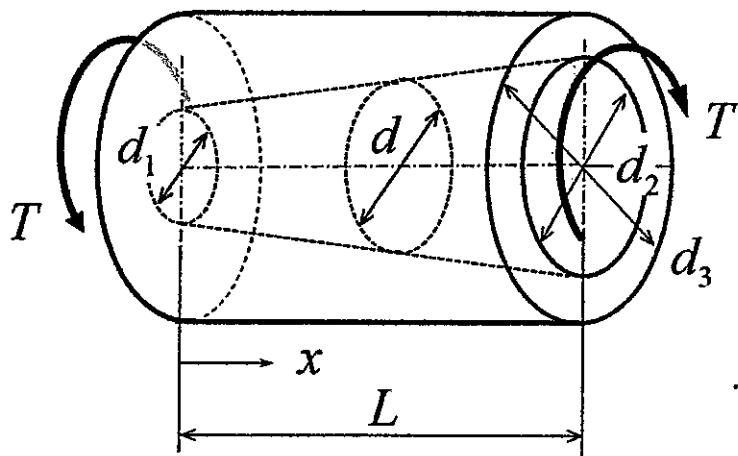


図2