

科目名：生産工学・制御工学 [2 / 2]

(問題 [1], [2] は別々の答案用紙に解答すること。)

[2] 以下の問いに答えよ。

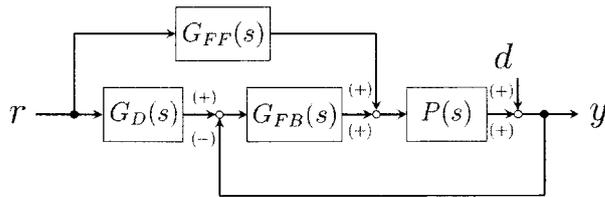


図 2-1

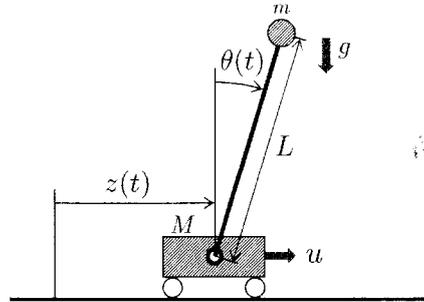


図 2-2

(1) 図 2-1 は目標伝達関数 $G_D(s)$, フィードフォワード補償器 $G_{FF}(s)$, フィードバック補償器 $G_{FB}(s)$, 制御対象 $P(s)$ から構成される二自由度制御システムの例である。

(a) 目標信号 r から出力 y までの伝達関数を $G_{FB}(s)$ によらずに $G_D(s)$ とするには, $G_{FF}(s)$ をいかに定めれば良いか求めよ. 導出過程も示すこと.

(b) $P(s) = \frac{1}{s(s-3)}$, $G_{FB}(s) = K_P + K_D s$ とする. このとき, 外乱 d から出力 y への伝達関数が安定となるための K_P と K_D に関する条件を求めよ.

(2) 図 2-2 に示すような台車振り子システムを考える. 振り子先端の質点の質量を m , 振り子の長さを L , 台車の質量を M , 重力加速度を g とし, これらはいずれも正の定数とする. また, 棒の質量は無視できるものとする. さらに, 台車の位置を z , 台車に加わる力を u , 振り子の角度を θ とする. (符号と向きの関係は図示の通り). このとき, 台車振り子システムの運動方程式は次式で表せる.

$$\begin{bmatrix} M + m & mL \cos \theta \\ mL \cos \theta & mL^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \ddot{z} \\ \ddot{\theta} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} mL^2 \dot{\theta}^2 \sin \theta \\ mgL \sin \theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u \\ 0 \end{bmatrix}$$

(a) 状態を $x = [z \ \theta \ \dot{z} \ \dot{\theta}]^T$, 台車に加わる力 u を制御入力とすると, $x = [0 \ 0 \ 0 \ 0]^T$ の近傍で近似線形化された状態方程式 $\dot{x} = Ax + Bu$ の A 行列と B 行列は次式で表されることを示せ.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & -\frac{mg}{M} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{(M+m)g}{ML} & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{1}{M} \\ -\frac{1}{ML} \end{bmatrix}$$

(b) A 行列の固有値を求め, 開ループシステムの安定性を判別せよ.

(c) $z, \theta, \dot{z}, \dot{\theta}$ のいずれか一つを観測出力と定義する. 開ループシステムが可観測となるものをすべて挙げよ. 判別理由も示すこと.